

PATENT ABSTRACTS OF JAPAN

(11)Publication number : 2000-214777
(43)Date of publication of application : 04.08.2000

(51)Int.Cl.

G09C 1/00
G06F 7/72

(21)Application number : 11-013258

(71)Applicant : FUJITSU LTD

(22)Date of filing : 21.01.1999

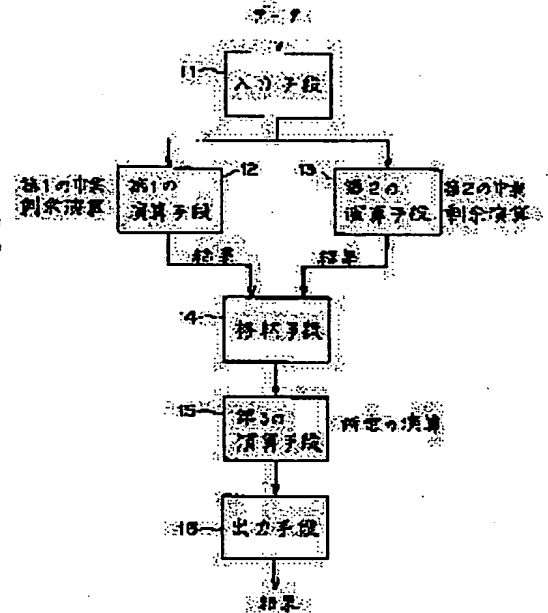
(72)Inventor : OKAZAKI KOTARO

(54) ARITHMETIC UNIT FOR PERFORMING WIDTH REMAINDER CALCULATION

(57)Abstract:

PROBLEM TO BE SOLVED: To execute fast calculation of width remainder utilized for a ciphering system, etc., by processing two width remainder calculations in parallel.

SOLUTION: An input means 11 inputs data to calculation means, and a calculation means 12 calculates a 1st width remainder of the input data, and a calculation means 13 calculates a 2nd width remainder of the input data in parallel with the calculation means 12. And, a storage means 14 stores the results of the 1st and 2nd width remainder calculations. After that, the results of the two width remainder calculations are taken out of the storage means 14 by a calculation means 15, and a prescribed calculation is performed, and the calculation result is outputted by an output means 16. For example, in the case of cryptograph calculations based on the remainder theorem of the Chinese, the calculation means 12, 13 execute width remainder calculations of a specified formula concerning a ciphering data in parallel, and the calculation means 15 executes calculation of a specified formula by using those calculation results.



LEGAL STATUS

[Date of request for examination] 30.11.2001
[Date of sending the examiner's decision of rejection]
[Kind of final disposal of application other than the examiner's decision of rejection or application converted registration]
[Date of final disposal for application]
[Patent number]
[Date of registration]
[Number of appeal against examiner's decision of rejection]
[Date of requesting appeal against examiner's decision of rejection]
[Date of extinction of right]

Copyright (C); 1998,2003 Japan Patent Office

Japanese Publication for Unexamined Patent Application

No. 2000-214777 (Tokukai 2000-214777)

A. Relevance of the above-identified Document

This document has relevance to claims 1, 2 and 6 to 13 of the present application.

B. Translation of the Relevant Passages of the Document

See the attached English Abstract.

(19) 日本国特許庁 (J P)

(12) 公開特許公報 (A)

(11) 特許出願公開番号

特開2000-214777

(P2000-214777A)

(43) 公開日 平成12年8月4日(2000.8.4)

(51) Int. Cl.	識別記号	FI	コード(参考)
G09C 1/00	650	G09C 1/00	650A 5J104
G06P 7/72	620	G06P 7/72	620A

審査請求 未請求 請求項の数 6 OL (全 8 頁)

(21) 出願番号	特願平11-13258	(71) 出願人	00005223 富士通株式会社
(22) 出願日	平成11年1月21日(1999.1.21)		神奈川県川崎市中原区上小田中4丁目1番1号 (72) 発明者 西崎 新太郎 神奈川県川崎市中原区上小田中4丁目1番1号 富士通株式会社内 (74) 代理人 100074059 弁理士 大曾 義之 (外1名) Fターム(参考) 5J104 A622 J423 M418

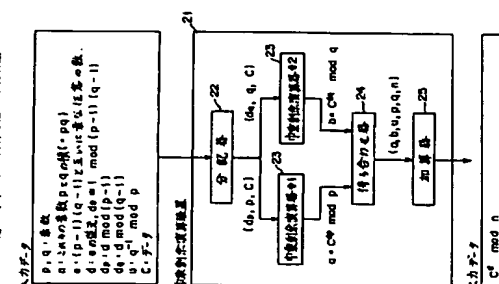
(54) 発明の名称 中乗剰余演算を行う演算装置

(57) 要約

【課題】 暗号システム等において、中乗剰余演算をより高速に実行することが課題である。

【解決手段】 分配器22は、入力データを2つの中乗剰余演算器23に分配し、2つの中乗剰余演算器23は、2つの中乗剰余演算を並行して行う。待ち合わせ器24は、2つの中乗剰余演算の完了を待ち合わせ、加算器25は、中国人の剰余定理に基づく加算処理を行う。

発明利便の中乗剰余演算装置の構成図



(2)

【特許請求の範囲】

【請求項1】 データを入力する入力手段と、入力データに関する第1の中乗剰余演算を行う第1の演算手段と、

前記第1の演算手段と並行して、前記入力データに関する第2の中乗剰余演算を行う第2の演算手段と、

前記第1および第2の中乗剰余演算の結果を格納する格納手段と、

前記第1および第2の中乗剰余演算の結果を用いて所定の演算を行う第3の演算手段と、

前記所定の演算の結果を出力する出力手段とを備えることを特徴とする演算装置。

【請求項2】 前記入力データを前記第1および第2の演算手段に分配する分配手段と、前記第1および第2の中乗剰余演算の結果を待ち合わせる待ち合わせ手段をさらに備えることを特徴とする請求項1記載の演算装置。

【請求項3】 前記第3の演算手段は、前記第1および第2の中乗剰余演算の結果を用いた剰余演算を行って、前記所定の演算の結果を生成することを特徴とする請求項1記載の演算装置。

【請求項4】 暗号データを入力する入力手段と、前記暗号データに関する第1の中乗剰余演算を行う第1の演算手段と、

前記第1の演算手段と並行して、前記暗号データに関する第2の中乗剰余演算を行う第2の演算手段と、

前記第1および第2の中乗剰余演算の結果を格納する格納手段と、

前記第1および第2の中乗剰余演算の結果を用いて、中国人の剰余定理に基づく演算を行う第3の演算手段と、

前記中国人の剰余定理に基づく演算の結果を出力する出力手段とを備えることを特徴とする演算装置。

【請求項5】 素数pおよびq、膨張素数pとqの積n、 $(p-1)(q-1)$ と互いに素な任意の整数e、および該任意の整数eの逆元dをパラメータとして用いて、dを中乗としnを法とするデータCの中乗剰余演算を行う演算装置であって、

データCの中乗剰余演算と、 $d \bmod (q-1)$ を中乗としqを法とする該データCの中乗剰余演算を並行して行う演算手段と、

前記演算手段による2つの中乗剰余演算の完了を待ち、中国人の剰余定理に基づき該2つの中乗剰余演算の結果を合成する加算手段と、

合成結果を出力する出力手段とを備えることを特徴とする演算装置。

【請求項6】 コンピュータのためのプログラムを記録した記憶媒体であって、

(1) 式は、eを中乗としnを法とするデータMの中乗剰余演算を表し、データCは、 M^e をnで割ったときの剰余に対応する。

2

* した記録媒体であって、

入力データに関する第1の中乗剰余演算と、該入力データに関する第2の中乗剰余演算を並行して行うステップと、

前記第1および第2の中乗剰余演算の結果を格納するステップと、

前記第1および第2の中乗剰余演算の結果を用いて所定の演算を行うステップとを含む処理を前記コンピュータに実行させるためのプログラムを記録したコンピュータ読み取り可能な記録媒体。

【発明の詳細な説明】

【0001】

【発明の属する技術分野】 本発明は、安全で信頼性の高い通信ネットワークを構築するために必要な暗号システム等において用いられる演算装置に関する。

【0002】

【従来の技術】 従来より、ネットワーク上の電気的伝送、改ざん防止、および相手認証等のセキュリティを確保するために、通信データの暗号化が行われている。このような暗号化アルゴリズムは、秘密鍵暗号と公開鍵暗号に大別される。公開鍵暗号によれば、鍵の配送が不要となり、不特定多数の間で暗号通信が可能である。さらに、公開鍵暗号によりデジタル署名も可能となった。

【0003】 このような公開鍵暗号の代表的なものとして、RSA暗号がある。このRSA暗号はオイラーの定理に基づいており、暗号化処理の流れは以下の通りである。

【1】 まず、データ送信者は、以下の公開鍵および秘密鍵を用意する。

【0004】 p, q: 素数

n: これらの素数pとqの積 ($n = pq$)e: $(p-1)(q-1)$ と互いに素な任意の整数d: eの逆元、すなわち、 $de \equiv 1 \bmod (p-1)(q-1)$

ここで、(e, n)が公開鍵に対応し、dが秘密鍵に対応する。また、 $de \equiv 1 \bmod (p-1)(q-1)$ は、合同式と呼ばれ、左辺 (de) および右辺 (1) を $(p-1)(q-1)$ で割ったときの剰余が一致することを表している。

【2】 次に、データ送信者は、公開鍵 (e, n) を公開する。

【3】 次に、データ送信者は、送信するデータ (平文) M ($< n$) を、データ受信者が公開した公開鍵を使って、以下のように暗号化する。
【4】 次に、データ送信者は、公開鍵を使って暗号化されたデータC ($< n$) を、公開鍵を公開したデータ受信者に送付する。

(3)

【5】次に、公開鍵を使って暗号化されたデータCを受信したデータ受信者は、それを秘密鍵を使って以下の式で復号化する。

$$P = C^d \bmod n \quad (2)$$

(2) 式は、dを巾数としnを法とするデータCの巾乗剰余演算を要する。データ送信者が正しい公開鍵を使用して暗号化したデータを送付した場合、 $P = M^d \bmod n = M$ となる。

【0005】このRSA暗号処理の流れにおいて、データ送信者が公開鍵を使って(1)式の巾乗剰余演算を行う場合、公開鍵eとしては一般に小さく、かつ、高次の巾乗剰余演算が可能となる値(例えば、 $2^{16}+1$)が使用されるため、その巾乗剰余演算を比較的高速に行うことが可能である。

※ 式

$$x = a^i \bmod m_i \quad (i=1, 2, \dots, r)$$

$$M = \prod m_i \quad (i=1, 2, \dots, r)$$

$$x = \sum a_i M_i y_i \bmod M$$
ただし、 $i=1, 2, \dots, r$ に対して、

$$M_i = M / m_i, \quad y_i = M_i^{-1} \bmod m_i \quad (3)$$

は、 $M = \prod m_i$ を法とする一意な解を持ち、その解は式(4)で与えられる。

$$x = \sum a_i M_i y_i \bmod M \quad (4)$$

【0007】ここで、 $r=2$ とすると、上述の中国人の剰余定理は次のように書き換えられる。

$$M_1 = M / m_1, \quad y_1 = M_1^{-1} \bmod m_1 \quad (5)$$

である。

【0007】ここで、 $r=2$ とすると、上述の中国人の剰余定理は次のように書き換えられる。

$$M_1 = M / m_1, \quad y_1 = M_1^{-1} \bmod m_1 \quad (5)$$

である。

【0007】ここで、 $r=2$ とすると、上述の中国人の剰余定理は次のように書き換えられる。

$$M_1 = M / m_1, \quad y_1 = M_1^{-1} \bmod m_1 \quad (5)$$

である。

【0007】ここで、 $r=2$ とすると、上述の中国人の剰余定理は次のように書き換えられる。

$$M_1 = M / m_1, \quad y_1 = M_1^{-1} \bmod m_1 \quad (5)$$

である。

【0007】ここで、 $r=2$ とすると、上述の中国人の剰余定理は次のように書き換えられる。

$$M_1 = M / m_1, \quad y_1 = M_1^{-1} \bmod m_1 \quad (5)$$

である。

【0007】ここで、 $r=2$ とすると、上述の中国人の剰余定理は次のように書き換えられる。

$$M_1 = M / m_1, \quad y_1 = M_1^{-1} \bmod m_1 \quad (5)$$

である。

【0007】ここで、 $r=2$ とすると、上述の中国人の剰余定理は次のように書き換えられる。

$$M_1 = M / m_1, \quad y_1 = M_1^{-1} \bmod m_1 \quad (5)$$

である。

【0007】ここで、 $r=2$ とすると、上述の中国人の剰余定理は次のように書き換えられる。

$$M_1 = M / m_1, \quad y_1 = M_1^{-1} \bmod m_1 \quad (5)$$

である。

【0007】ここで、 $r=2$ とすると、上述の中国人の剰余定理は次のように書き換えられる。

$$M_1 = M / m_1, \quad y_1 = M_1^{-1} \bmod m_1 \quad (5)$$

である。

【0007】ここで、 $r=2$ とすると、上述の中国人の剰余定理は次のように書き換えられる。

$$M_1 = M / m_1, \quad y_1 = M_1^{-1} \bmod m_1 \quad (5)$$

(4)

す、受け取った入力データからデータの組(d_p, p, C)を生成し、巾乗剰余演算器2に渡す。そして、巾乗剰余演算器2は、受け取ったデータをもとに(9)式の巾乗剰余演算を行い、その結果を返す。

【0011】次に、演算装置1は、受け取った入力データからデータの組(d_q, q, C)を生成し、巾乗剰余演算器2に渡す。そして、巾乗剰余演算器2は、受け取ったデータをもとに(10)式の巾乗剰余演算を行い、その結果を返す。

【0012】次に、演算装置1は、データの組(a, b, u, p, q, n)を加算器3に渡す。そして、加算器3は、受け取ったデータをもとに(11)式または(12)式の演算を行う。最後に、演算装置1は、得られたxの値を(2)式の $C^d \bmod n$ の演算結果として出力する。

【0013】

【発明が解決しようとする課題】しかしながら、上述した従来の巾乗剰余演算装置には次のような問題がある。

【0014】RSA暗号の安全性は、公開鍵nの因数分解の難しさに基づいているが、パーソナルコンピュータ等の演算速度の向上に伴い、因数分解の処理時間が短縮される傾向にある。このため、安全性を確保するには、公開鍵nとして、よりビット数の大きな値を用いる必要があり、復号化のための巾乗剰余演算においてもより多くの計算量が要求される。

【0015】ところで、従来の巾乗剰余演算装置では、全体の処理時間のうち(9)式および(10)式の巾乗剰余演算の時間が大半を占めており、公開鍵nのビット数が大きくなれば、演算時間はさらに増大する。そこで、この巾乗剰余演算の処理時間を改善することが望まれる。

【0016】本発明の課題は、暗号システム等において利用される巾乗剰余演算をより高速に実行する演算装置を提供することである。

【0017】

【課題を解決するための手段】図1は、本発明の演算装置の原理図である。図1の演算装置は、入力手段1、第1の演算手段12、第2の演算手段13、格納手段14、第3の演算手段15、および出力手段16を備える。

【0018】入力手段11は、データを入力し、演算手段12は、入力データに関する第1の巾乗剰余演算を行い、演算手段13は、第2の巾乗剰余演算を行い、格納手段14は、第1および第2の巾乗剰余演算の結果を格納し、演算手段15は、第1および第2の巾乗剰余演算の結果を用いて所定の演算を行い、出力手段16は、所定の演算の結果を出力する。

【0019】このような演算装置によれば、演算手段12および13により、2つの巾乗剰余演算が並行して行

われ、それらの演算結果が、一旦、格納手段14に格納される。その後、演算手段15により、2つの巾乗剰余演算の結果が格納手段14から取り出され、所定の演算が行われて、出力手段16により、その演算結果が出力される。

【0020】前述の中国人の剰余定理に基づく暗号演算の場合、演算手段12および13は、暗号データCに関する(9)式および(10)式の巾乗剰余演算を並行して行い、演算手段15は、それらの演算結果を用いて(11)式または(12)式の演算を行う。このように、2つの巾乗剰余演算を並行して処理することで、(2)式の巾乗剰余演算の結果を高速に得ることができ

る。

【0021】例えば、図1の入力手段11は、後述する図5のネットワーク接続装置3に対応し、図1の格納手段14は、図5のメモリ32に対応し、図1の出力手段16は、図5の出力装置34に対応する。また、例えば、図1の演算手段12および13は、後述する図2の巾乗剰余演算器23に対応し、図1の演算手段15は、図2の加算器25に対応する。

【0022】

【発明の実施の形態】以下、図面を参照しながら、本発明の実施の形態を詳細に説明する。

【0023】中国人の剰余定理に基づく巾乗剰余演算において、(9)式の演算 $C^d \bmod p$ と(10)式の演算 $C^d \bmod q$ の間には依存性はなく、それぞれ独立して実行することが可能である。そこで、本装置形態において、分配器22の巾乗剰余演算器を用いて、これらの2つの巾乗剰余演算を並行して行う。そして、待ち合わせ器を用いて、2つの巾乗剰余演算の完了を待ち合わせ、加算器を用いて、中国人の剰余定理に基づく加算処理を行う。2つの巾乗剰余演算を並行して処理することで、処理速度が向上する。

【0024】図2は、このような巾乗剰余演算装置の構成図である。図2の演算装置21は、分配器22、2つの巾乗剰余演算器23(1、2)、待ち合わせ器24、および加算器25を備える。

【0025】演算装置21には、上述したパラメータp、q、n、e、d、dp、dq、およびuと、受信データCが、入力データとして入力される。演算装置1は、まず、受け取った入力データを分配器22に送り、受け取った入力データから2つのデータの組(d_p, p, C)、 d_q, q, C)を生成し、それぞれデータの組をそれぞれ2つの巾乗剰余演算器1および2に渡す。同時に格納する。ここでは、巾乗剰余演算器1に演算器Cdp mod pを格納し、巾乗剰余演算器2に演算器Cdq mod qを格納する。

【0027】巾乗剰余演算器1および2は、それぞれが受け取ったデータをもとに、互いに独立して巾乗

(5)

余演算 $a=C \bmod p$ および $b=C \bmod q$ を並行して行い、それぞれ余演算が完了した時点で、待ち合わせ器24に完了を通知する。このとき、市県剰余演算器#1から送られる完了通知には演算結果 a が含まれ、市県剰余演算器#2から送られる完了通知には、演算結果 b が含まれている。

【0028】待ち合わせ器24は、市県剰余演算器#1および#2からの完了通知を待ち合わせた後、データの組 (a, b, u, p, q, n) を生成して加算器25に渡す。そして、加算器25は、受け取ったデータの組 (a, b, u, p, q, n) をもとに、 a と b の大小関係に応じて(11)式または(12)式の演算を行う。最後に、演算装置21は、得られた x の値を(2)式の $Cd \bmod n$ の演算結果として出力する。

【0029】このような演算装置21によれば、2つの市県剰余演算 $a=Cd \bmod p$ と $b=Cd \bmod q$ が並行して処理される。RSA暗号処理においては、十分な安全性を確保するために、 p と q が非常に大きく、互いに素である必要がある。このため、2つの市県剰余演算の計算量はほぼ等しい。このため、2つの市県剰余演算を並行して行えば、処理時間を従来の約半分に削減することが可能である。

【0030】また、演算装置21は、(9)~(12)式に示した中国人剰余定理に基づき市県剰余演算のみならず、並行処理可能な2つの市県剰余演算を含む任意の演算を行うことができる。この場合、加算器25は、必要に応じて、他の演算器等に置き換えてもよい。

【0031】図4は、待ち合わせ器24が行う処理のフローチャートである。待ち合わせ器24は、まず、市県剰余演算器#1または#2からの完了通知を待ち合わせ、定期的に完了通知を受信したかどうかを判定する(ステップS1)。完了通知を受信していない場合は判定を繰り返し、完了通知を受信すると、それが市県剰余演算器#1からのものかどうかを判定する(ステップS2)。

【0032】市県剰余演算器#1から完了通知を受け取った場合、次に、市県剰余演算器#2から既に完了通知を受信しているかどうかを確認する(ステップS3)。ここで、市県剰余演算器#2からの完了通知を受信済の場合は、2つの市県剰余演算の演算が完了したことになる。そこで、加算器25を呼び出して、データの組 (a, b, u, p, q, n) を通し(ステップS4)、処理を終了する。市県剰余演算器#2からの完了通知を受信していない場合は、ステップS1の処理を行って、その完了通知を待つ。

【0033】ステップS2において、受け取った完了通知が市県剰余演算器#2からのものである場合、次に、市県剰余演算器#1から既に完了通知を受信しているかどうかを確認する(ステップS5)。ここで、市県剰余演算器#1からの完了通知を受信済の場合は、2つの市

8

市県剰余演算の演算が完了したことになる。そこで、ステップS4の処理を行って、処理を終了する。市県剰余演算器#1からの完了通知を受信していない場合は、ステップS1の処理を行って、その完了通知を待つ。

【0034】このような待ち合わせ器24を設けることで、市県剰余演算器#1および#2の演算が終了した後、2つの演算結果を合わせて直ちに加算器25に力することのできる。したがって、必要最小限の待ち合わせ時間の後、加算器25の処理を開始することのできる。

【0035】図2の演算装置21において、分配器22、市県剰余演算器23、待ち合わせ器24、および加算器25は、それぞれ、任意のハードウェアまたはソフトウェアにより実現することができ、特に、2つの市県剰余演算器23としては、市県剰余演算専用の3つのIC(Integrated circuit)チップ(演算専用プロセッサ)を用いてもよく、並行して動作するデュアルCPU(中央処理装置)を搭載したコンピュータの場合、各CPUに市県剰余演算器23の処理を行わせることもできる。

【0036】図2の演算装置21は、例えば、図5に示すような情報処理装置(コンピュータ)を用いて構成することができ、図5の情報処理装置は、CPU31、メモリ32、入力装置33、出力装置34、外部記憶装置35、媒体駆動装置36、ネットワーク接続装置37、および2つの演算専用プロセッサ38(31、32)を備え、それらはバス39により互いに接続されている。

【0037】メモリ32は、例えば、ROM(read only memory)、RAM(random access memory)等を含み、処理に用いられるプログラムとデータを格納する。CPU31は、メモリ32を利用してプログラムを実行することにより、必要な処理を行う。

【0038】この場合、図2の分配器22、待ち合わせ器24、および加算器25は、メモリ32の特定のプログラムコードセグメントに格納されたソフトウェアコンポーネントに対応する。

【0039】入力装置33は、例えば、キーボード、ポインティングデバイス、タッチパネル等であり、ユーザからの指示や情報の入力に用いられる。出力装置34は、例えば、ディスプレイ、プリンタ等であり、ユーザへの問い合わせや処理結果の出力に用いられる。

【0040】外部記憶装置35は、例えば、磁気ディスク装置、光ディスク装置、光磁気ディスク(magneto-optical disk)装置等である。この外部記憶装置35に、上述のプログラムとデータを保存しておく、必要に応じて、それらをメモリ32にロードして使用することもできる。

【0041】媒体駆動装置36は、可搬記憶媒体40を駆動し、その記録内容にアクセスする。可搬記憶媒体40

(6)

9

0としては、メモリカード、フロッピーディスク、CD-ROM(compact disk read only memory)、光ディスク、光磁気ディスク等、任意のコンピュータ読み取り可能な記憶媒体が用いられる。この可搬記憶媒体40に上述のプログラムとデータを格納しておき、必要に応じて、それらをメモリ32にロードして使用することもできる。

【0042】ネットワーク接続装置37は、任意のネットワーク(回線)を介してデータ送信者の装置と通信し、暗号化されたデータCを受信する。また、必要に応じて、上述のプログラムとデータを外部の装置から受け取り、それらをメモリ32にロードして使用することもできる。

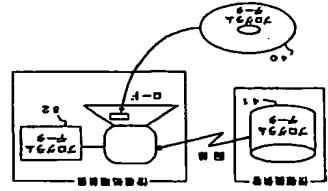
【0043】演算専用プロセッサ#1および#2は、図2の市県剰余演算器#1および#2に対応し、それぞれ、与えられたデータの組をもとに市県剰余演算を行って、演算結果をメモリ32に格納する。

【0044】図6は、図5の情報処理装置にプログラムとデータを供給することのできるコンピュータ読み取り可能な記憶媒体を示している。可搬記憶媒体40や外部のデータベース41に保存されたプログラムとデータは、メモリ32にロードされる。そして、CPU31は、そのデータを用いてそのプログラムを実行し、必要な処理を行う。

【0045】(発明の効果)本発明によれば、2つの市県剰余演算を並行に処理することが可能となり、中国人の剰余定理に見られるような複雑な市県剰余演算を高効率化することができ、これにより、例えば、公開鍵暗号のデータ受信者が秘密鍵を用いて行う市県剰余演算の処理時間が削減される。

【図6】

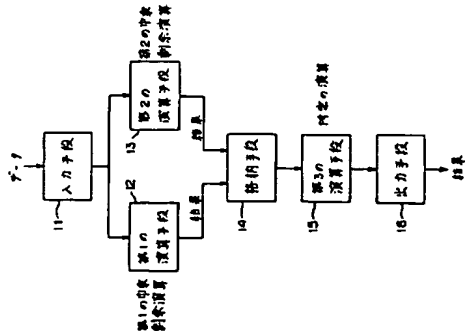
図 記録媒体を示す図



(7)

【図1】

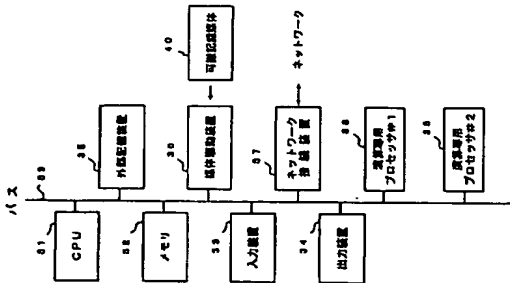
本発明の原理図



(8)

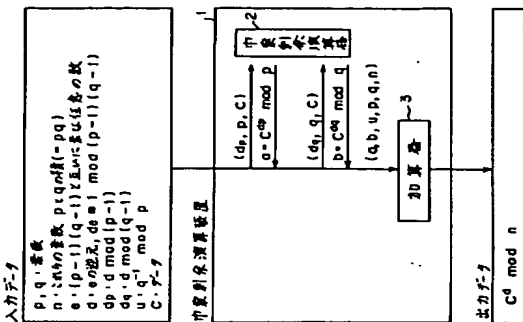
【図5】

情報処理装置の構成図



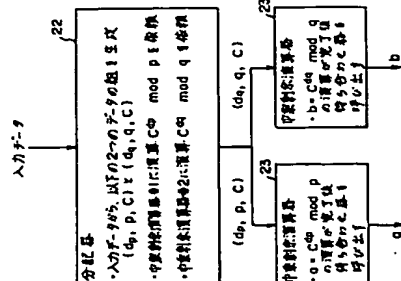
【図7】

従来の中央剰余演算装置の構成図



【図3】

分配器と中央剰余演算装置の処理フロー図



【図4】

待合せ処理の処理フローチャート

